Формулировка задачи:

Дано: Статически неопределимая балка постоянной жёсткости с шарнирными

опорами нагружена распределённым поперечным усилием \boldsymbol{q} .

Е – модуль упругости материала;

 I_z – изгибный момент инерции;

М_{пр}=М_L – предельный внутренний изгибающий момент.



Требуется: Определить предельное значение параметра нагрузки *q_{np}* и форму потери балкой несущей способности.

Аналитический расчёт (см. <u>L-07</u>) показывает следующее предельное состояние:

Задача данного примера: при помощи ANSYS Multyphisics получить это же значение предельной нагрузки и эту же форму потери несущей способности.

Для решения задачи используется ANSYS Multiphysics 14.0:



С меню M_M и U_M работают мышью, выбирая нужные опции.

В окно С_Р вручную вводят текстовые команды, после чего следует нажать на клавиатуре Enter.

Меняем чёрный цвет фона на белый следующими действиями:

U_M > PlotCtrls > Style > Colors > Reverse Video

В меню оставить только пункты, относящиеся к прочностным расчётам: M_M > Preferences > Отметить "Structural" > OK

При построениях полезно видеть номера точек и линий твердотельной модели:

U_M > PlotCtrls > Numbering > Отметить KP, LINE ; Установить Elem на "No numbering"; Установить [/NUM] на "Colors & numbers"> OK

Для большей наглядности увеличим размер шрифта:

U_M > PlotCtrls > Font Controls > Legend Font > Установить «Размер» на «22»> ОК U_M > PlotCtrls > Font Controls > Entity Font > Установить «Размер» на «22»> ОК

Предварительные настройки выполнены, можно приступать к решению задачи.

<u>Решение задачи</u> Приравняв *M_L* и *l* к единице, результат получим в виде числа, обозначенного на *рис. 1*. сиреневым цветом.

Конкретные значения модуля упругости E, площади поперечного сечения A, изгибного момента инерции сечения I_z и коэффициента Пуассона **v** на результат не влияют, они просто должны быть ненулевыми. Но A формально зададим существенно больше I_z для того, чтобы гнулся стержень легче, чем растягивался.

Диапазон поиска предельной нагрузки q_{np} должен заведомо содержать её значение. Ориентируемся на значение q_{np} , вычисленное аналитически: 11,66 $\cdot \frac{M_L}{l^2}$. Диапазон поиска q_{np} выбираем в несколько раз больший, с верхней границей $q_{max} = 70 \cdot \frac{M_L}{l^2}$. Нижняя граница диапазона поиска – нуль.

№	Действие	Результат
1	Задаём параметры расчёта — базовые величины задачи: U_M > Parameters > Scalar Parameters > ML=1 > Accept > 1=1 > Accept > E=1 > Accept > nu=0.3 > Accept > Iz=1 > Accept > Iz=1 > Accept > close	Scalar Parameters Items A = 1000000 E = 1 IZ = 1 ML = 1 NU = 0.3 QMAX = 70 Selection Accept Delete Close Help

N⁰	Дей	ствие		Результат
	Таблица конечных элементов:			
	Плоский балочный ВЕАМЗ:			
	M_M > Preprocessor			
	C_P > ET,1,BEAM3 > Enter			
	Пластический шарнир COMBIN40:			
	M_M > Preprocessor > Element T	Type > Add/Edit/Delete	e > Add >	
	В левом поле выбрать "Combinat	ion"		Element Types
	В правом поле выбрать "Combina	tion 40"		
	Element type reference number	пишем 2		Defined Element Types:
	> OK >	Library of Element Types	<u> </u>	Type 1 BEAM3
		Only structural element types are shown Library of Element Types Constraint	Spring-damper 14	Type 2 COMBIN40
		Contact Gasket Cohesive	Combination 40 Control elem 37	
		Combination ANSYS Fluid Pore-pressure	ZD Bearing 214 Combination 40	
2		Element type reference number		
		OK Apply Cancel	Help	
				Add Options Delete
	Мышью в окне Element Types выб	ираем строчку COMBIN4	10	
	> Options… >	COMBIN40 element type options	22	Close Help
	В графе КЗ выбираем "ROTZ"	Options for COMBIN40, Element Type Ref. No. 2		
	> OK >	Gap behavior K1	Standard gap 💌	
	> Close	Element degree(s) of freedom K3	ROTZ -	
		Produce element output for K4	All gap conditns 💌	
		Mass location K6	Mass at node I 🔍	
		OK	Help	

З Таблица реальных констант: Первая строчка - набор реальных констант для балочного элемента: площадь поперечного сечения A; момент инерции Iz; высота поперечного сечения I/100. с_P> R, 1, A, Iz, L/100 > Enter Вторая строчка - набор реальных констант для пластического шарнира: высокая жёсткость K _I [H:м/радиан] до достижения предельного момента и предельный момент M _L в качестве «трения скольжения»; для формального исключения появления механизма после образования второго пластического шарнира устанавливаем дополнительную маленькую угловую жёсткость K2 [H:м/радиан]: 3 М_М > Preprocessor > Real Constants > Add/Edit/Delete > Add Выбрать строчку COMBIN40 > OK > В графе K1 пишем 1e12 В графе FSLIDE пишем ML В графе K2 пишем 1e-3 > OK > > Close Real Constant Set Number 2 for COMBIN40 [Element Type Reference No.2] Real constant Set No.	N⁰	Действие		Результат
Mass M Gap size GAP	<u>№</u>	Таблица реальных констант: Первая строчка - набор реальных поперечного сечения A; момент инер $C_P > R, 1, A, Iz, L/100 > Ent$ Вторая строчка - набор реальных жёсткость $K_1 [H \cdot m/paduah]$ до до момент M_L в качестве «трения сколе механизма после образования ви дополнительную маленькую угловул M_M > Preprocessor > Real выбрать строчку COMBIN40 > ОК > В графе K1 пишем 1e12 В графе K2 пишем 1e-3 > ОК > > Сlose	Действие IX КОНСТАНТ ДЛЯ БАЛОЧНОГО ЭЛЕМЕНТА: ПЛОЩ DQUUN Iz; ВЫСОТА ПОПЕРЕЧНОГО СЕЧЕНИЯ I/100. er КОНСТАНТ ДЛЯ ПЛАСТИЧЕСКОГО ШАРНИРА: ВЫСО стижения предельного момента и предельного исключения появлен жения»; для формального исключения появлен горого пластического шарнира устанавлива о жёсткость K2 [H·m/paduah]: Constants > Add/Edit/Delete > Add Real Constant Set Number 2, for COMBIN40 Element Type Reference No. 2 Real Constant Set No. 2 Spring constant K1 Damping coefficient C Mass M Gap size	Результат ДБ К Real Constants К Real Constant Sets Set 1 Set 2 Add Edit Delete Close Help

```
Действие
                                                                                                                       Результат
.№
                                                                                                                                           - 0 %
                                                                                                        🔨 Define Material Model Behavio
     Свойства материала стержня – модуль упругости и коэффициент Пуассона:
                                                                                                          terial Edit Favorite Help
                                                                                                          Material Models Defined
                                                                                                                           Material Models Available
                                                                                                                ▲ Linear Isotropic Properties for Material Number 1
     M M > Preprocessor > Material Props > Material Models >
                                                                                                                Linear Isotropic Material Properties for Material Number 1
     Structural > Linear > Elastic > Isotropic >
4
     В окошке ЕХ пишем "Е", в окошке PRXY пишем "nu"
                                                                                                                 Temperatures
                                                                                                                EX
                                                                                                                PRXY
     > OK
                                                                                                                                             •
                                                                                                          4
     Закрываем окно «Deine Material Model Behavior».
                                                                                                                Add Temperature Delete Temperature
                                                                                                                                       Graph
                                                                                                                             OK Cancel
                                                                                                                                      Help
                                                              Твердотельная модель
     Ключевые точки – границы участков: A \rightarrow 1, B \rightarrow 2 u \Gamma \rightarrow 3
     M M> Preprocessor> Modeling> Create> Keypoints> In Active CS>
     NPT пишем 1
     Х,Ү, Z пишем 0,0,0
     > Apply >
     NPT пишем 2
     X,Y,Z пишем l,0,0
                                                                                                   Y
I X
5
     > Apply >
                                                                                                                           .2
                                                                                                                                                   .3
     NPT пишем 3
     X,Y,Z пишем 2*l,0,0
     > OK
     Прорисовываем всё, что есть:
     U M > Plot > Multi-Plots
                                                        ۲
     Справа от рабочего поля нажимаем кнопку Fit
```

N⁰	Действие	Результат
6	Два участка — две линии: M_M > Preprocessor > Modeling > Create > Lines > Lines > Straight Line > Левой кнопкой мыши последовательно нажать на ключевые точки: 1 и 2 2 и 3 > OK	Y X I.1 2 I.2 3
	Конечноэлементная модель	
7	Ampuбуты разбиения линиям - материал, реальные константы и тип элементов: M_M > Preprocessor > Meshing > Mesh Attributes > All Lines > MAT установить "1" REAL установить "1" ТҮРЕ установить "1 ВЕАМЗ" > OK	Line Attributes Image: Constant set number [LATT] Assign Attributes to All Selected Lines MAT Material number 1 Image: Constant set number PEAL Real constant set number 1 TYPE Element type number 1 SECT Element type number 1 Pick Orientation Keypoint(s) If Non OK Cancel
8	Участки без распределённых нагрузок можно бить одним конечным элементом: Но нам понадобятся короткие балочные конечные элементы, каждый из которых можно превратить в пластический шарнир: M_M > Preprocessor > Meshing > Size Cntrls > > ManualSize > Lines > All Lines > OK В графе SIZE пишем l/100 > OK Прорисовываем всё, что есть: U_M > Plot > Multi-Plots	У Х. Х. Ц.1. 2. Ц.2



N⁰	Действ	ие	Результат
11	M_M > Preprocessor > Loads > Define Loads > Apply > > Structural > Pressure > On Beams > Селектор появившегося окошка Apply PRES on Beams устанавливаем в положение "Box" Левой кнопкой мыши растянуть прямоугольник, в который попадают все конечные элементы линии L1 > OK > VALI qmax > OK Прорисовываем всё, что есть: U_M > Plot > Multi-Plots		
12	Цветовая шкала будет состоять из десяти цветов: U_M > PlotCtrls > Style > Contours > Uniform Contours > NCONT пишем 10 > OK		Viniform Contours I/CONT) Uniform Contours WN WN Window number WOONT Number of contours 10 Contour intervals If Auto calculated If Freeze previous If User specified intervals VMIN Min contour value VMAX Max contour value VINC Contour value incr I/REPLOT] Replot Upon OK/Apply? Replot OK Apply Cancel

N⁰	Действие	Результат
	Предварительное определение положения первого пла	астического шарнира
13	Расчёт упругой балки при возрастающей нагрузке: Производим 700 расчётов упругой балки под нагрузкой q, которая равномерно увеличивается от 0 до q _{max} M_M > Solution > Analysis Type > Sol'n Controls В графе Analysis Options выбираем Large Displacement Static В графе Time at end of loadstep пишем qmax Левый селектор ставим на Number of substeps В графе Max no. of substeps пишем 700 В графе Min no. of substeps пишем 700 В графе Frequency выбираем Write every substep > ОК Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK Когда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно.	Image: Transient Sofn Options Nonlinear Advanced NL. Image: Displacement Static Image: Displacement Static <
14	Составление эпюры внутреннего изгибающего момента M_{usr} на первом шаге по нагрузке: M_M > General Postproc > Read Results > First Set M_M > General Postproc > Element Table > Define Table > Add > В левом списке выбрать "By sequence num" В правом верхнем списке выбрать "SMISC," В правой нижней графе пишем "SMISC,6" > OK > > Close	Currently Defined Data and Status: Element Table Data Status Label Item Comp Time Stamp Status SMIS6 SMIS 6 Time= 0.10000 (Current) Add Update Delete Close Help







N⁰	Действие	Результат
Пласт	Корректировка положения первого пластичес гические шарниры, возникшие под распределённой нагрузкой, при дальней	кого шарнира. шем нагружении смещаются вдоль оси стержня.
19	Расчёт балки с одним пластическим шарниром при возрастающей нагрузке: Множество расчётов ANSYS позволяет только в нелинейной задаче, поэтому в упругую балку мы привнесли reometpuческую нелинейность учётом больших перемещений (опция Large Displacement Static, действие 13). Теперь нелинейность в задачу итак вносит пластический шарнир. Отказываемся от учёта больших перемещений для лучшего совпадения с результатами аналитического расчёта: M_M > Solution > Analysis Type > Sol'n Controls В графе Analysis Options выбираем Small Displacement Static > OK Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK В окне Verify нажмите кнопу OK	Statistic Control Image: Soft Options Nonlinear Analysis Options Nonlinear Advanced NL, Image: Snail Displacement Static Image: Advanced NL, Image: Advanced NL, Image: Calculate prestress effects Image: Advanced NL, Image: Advanced NL, Image: Calculate prestress effects Image: Advanced NL, Image: Advanced NL, Image: Calculate prestress effects Image: Advanced NL, Image: Advanced NL, Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Image: Number of substeps 700 Image: Calculate prestress effects Image: Calculate prestress effects Im
	Когда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно.	1.84-14 450 660 570 698 710 720 730 730 Cumulative Iteration Number
20	<i>Составление эпюры внутреннего изгибающего момента М_x на первом шаге по нагрузке:</i> M_M > General Postproc > Read Results > First Set M_M> General Postproc > Element Table > Define Table > Update > Close	Element Table Data Image: Status Currently Defined Data and Status: Image: Status Label Item Comp SMIS6 SMIS 6 Time=010000 (Current) Add Update Delete Close Help





N⁰	Действие	Результат
	Первый пластический шарнир устанавливаем в новом положении – в элементе №42:	
25	Выделим этот элемент: U_M > Select > Entities > Устанавливаем "Elements", "By Num/Pick" > OK > В графе окна Select elements пишем 42 > OK Пластический шарнир в нём: M_M > Preprocessor > Modeling > Move/Modify > Elements > > Modify Attrib > Pick All STLOC устанавливаем "Elem type TYPE" I1 пишем 2 > Apply > Pick All > STLOC устанавливаем "Real const REAL" I1 пишем 2 > OK	L2 3
	Узлы выделенного элемента: U M > Select > Everything Below > Selected Elements	
	Связываем эти два узла по вертикали и по горизонтали:	
	M_M > Preprocessor > Coupling/Ceqn > Couple DOFs > Pick All > NSET пишем NEXT Lab выбираем UX > Apply > Pick All > Lab выбираем UY > OK	
	Выделяем всё: U_M > Select > Everything	
	Перерисовываем изображение: U_M > Plot > Replot	

N⁰	Действие	Результат
	Поиск второго пластического шарн	ира
26	Расчёт балки с одним пластическим шарниром при возрастающей нагрузке:M_M > Solution > Solve > Current LS > OKB окне Verify нажмите кнопу OKКогда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно.	TINO 4 Cumulative liceration for the set of
27	Cocmaвление эпюры внутреннего изгибающего момента на первом шаге по нагрузке: M_M > General Postproc > Read Results > First Set M_M > General Postproc > Element Table > Define Table > > Update > Close	
28	Элюра на первом шаге: Эпюра внутреннего изгибающего момента в балке с одним пластическим шарниром: M_M > General Postproc > Plot Results > > Contour Plot > Line Elem Res > LabI установить "SMIS6" LabJ установить "SMIS6" > OK Hekoropue символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > OK Эпюры будем смотреть на недеформированной форме: U_M > PlotCtrls > Style > Displacement Scaling > DMULT устанавливаем "0.0(off)" > OK	LINE STRESS STEP=1 SUB =1 TIME=.1 SMIS6 SMIS6 MIN =006095 ELEM=101 MAX =.003933 ELEM=45 U CP 006095002997 .100E-03 .003198 .006295 .009393



N⁰	Действие	Результат
	Вместо выделенного балочного элемента устанавливаем второй пластический шарнир: M_M > Preprocessor > Modeling > Move/Modify > > Elements > Modify Attrib > Pick All STLOC устанавливаем "Elem type TYPE" I1 пишем 2 > Apply > Pick All > STLOC устанавливаем "Real const REAL" I1 пишем 2 > OK Vanue выделенного элемента:	
	U M > Select > Everything Below > Selected Elements	
31	Связываем эти два узла по вертикали и по горизонтали. По угловому перемещению узлы уже связаны пластическим шарниром – элементом COMBIN40: M_M > Preprocessor > Coupling/Ceqn > Couple DOFs > Pick All > NSET пишем NEXT Lab выбираем UX > Apply > Pick All > NSET пишем NEXT Lab выбираем UY > OK	L2 23
	Выделить всё: U_M > Select > Everything	
	Обновляем изображение: U_M > Plot > Multi-Plots	
	Изображение распределённой нагрузки пропадает. Восстановим его:	
	U_M > PlotCtrls > Symbols >	
	[/PSF] устанавливаем "Pressures" > ОК	

N⁰	Действие	Результат
	Форма потери несущей способност	ГИ
32	Расчёт балки с двумя пластическими шарнирами при возрастающей до q _{max} нагрузке: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK В окне Verify нажмите кнопу OK Когда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно.	TIMO = 70 HUGI DIALON OF CRIT 1.04-0
33	Форма оси нагруженной балки на последнем шаге нагружения: Pesyльтаты расчёта на инальном шаге по нагрузке: M_M > General Postproc > Read Results > Last Set Macштаб перемешений выбирается автоматически: U_M > PlotCtrls > Style > Displacement Scaling > DMULT устанавливаем "Auto calculated" > OK Inpopucoвывать деформированную и недеформированную формы: M_M > General Postproc > Plot Results > > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Hekoropsie символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" [/PSF] устанавливаем "Pressures" > OK	<text></text>

Сохраняем проделанную работу:

U_M > File > Save as Jobname.db

Закройте ANSYS:

```
U_M > File > Exit > Quit - No Save! > OK
```

K Exit from ANSYS		×	
- Exit from ANSYS -			
	C Save G	Jeom+Loads	
	C Save G	Geo+Ld+Solu	
	C Save E	verything	
	Quit -	No Save!	
ОК	Cancel	Help	

После выполнения указанных действий в рабочем каталоге остаются файлы с расширениями ".BCS", ".db", ".emat", ".err", ".esav", ".full", ".log", ".mntr", ".rst" и ".stat".

Интерес представляют ".db" (файл модели) и ".rst" (файл результатов расчёта), остальные файлы промежуточные, их можно удалить.